ſ

1

Mo 20.12.2004, 08:30, D6-135

Di 21.12.2004, 12:15, V2-210

Aufgabe 1: Man kann verschiedene "Summenregeln" für die Verteilungsfunktionen der Partonen herleiten, so z.B. folgt aus der Definition des Gesamtimpulses des Protons

 $\int_0^1 \mathrm{d}x \, x \sum_i f_i(x) = 1$ (vgl. Vorlesung). Betrachten Sie die Verteilungsfunktionen $u_v(x)$, $d_v(x)$, s(x), $\bar{s}(x)$ und g(x). Welche Regeln folgen aus den Tatsachen, daß

- (a) das Proton die elektrische Ladung Q = +1 hat?
- (b) das Proton keine Seltsamkeit S besitzt?

Aufgabe 2: Die "laufende Kopplungskonstante" $g_s(Q_E)$ der QCD erfüllt (für $Q_E\gg 1~GeV$)

$$Q_E \frac{d}{dQ_E} g_s^2(Q_E) = -2 b_0 g_s^4(Q_E)$$
 (1)

mit $b_0 \equiv (11N_c-2N_f)/48\pi^2$ und $N_c=N_f=3$. Ermitteln Sie die allgemeine Lösung dieser Gleichung.

Aufgabe 3: Die "QCD-Skala" wird durch

$$\Lambda_{QCD} \equiv \lim_{Q_E \to \infty} Q_E \, \exp \left[-\frac{1}{2 \, b_0 \, g_*^2(Q_E)} \right]$$

definiert, wobei $g_s^2(Q_E)$ die in Aufgabe 2 hergeleitete Lösung von Gleichung (1) ist. Experimente haben gezeigt, daß $\alpha_s(91GeV)=g_s^2(91GeV)/4\pi\approx 0.12$. Was erhalten Sie damit für Λ_{QCD} ?

Aufgabe 4: Betrachten Sie die elastische Pion-Nukleon-Streuung. Es gibt sechs mögliche Prozesse:

$$\pi^{+} + p \to \pi^{+} + p$$
, $\pi^{0} + p \to \pi^{0} + p$, $\pi^{-} + p \to \pi^{-} + p$, $\pi^{+} + n \to \pi^{+} + n$, $\pi^{0} + n \to \pi^{0} + n$, $\pi^{-} + n \to \pi^{-} + n$.

Wieviele unabhängige Amplituden gibt es in diesen Streuungen unter der Annahme der (exakten) Isospinsymmetrie? (Pionen haben I=1, Nukleonen I=1/2.)

Aufgabe 5: In der Vorlesung wurden zwei neutrale Kaonen, $K^0=d\bar{s}$ und $\bar{K}^0=s\bar{d}$, definiert. Für die zugehörigen Zustände gelten die Beziehungen

$$\begin{array}{ccc} \hat{P}|K^0\rangle & = & -|K^0\rangle \;, & & \hat{P}|\bar{K}^0\rangle = -|\bar{K}^0\rangle \;, \\ \hat{C}|K^0\rangle & = & |\bar{K}^0\rangle \;, & & \hat{C}|\bar{K}^0\rangle = |K^0\rangle \;. \end{array}$$

Können Sie durch Linearkombinationen von $|K^0\rangle$ und $|\bar{K}^0\rangle$ $\hat{C}\hat{P}$ -Eigenzustände konstruieren? Welcher dieser Zustände könnte in zwei, welcher in drei Pionen zerfallen, falls CP erhalten bleibt? Warum können diese Reaktionen nicht innerhalb der QCD auftreten?